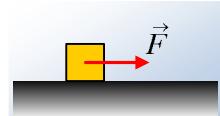


Η ορμή εξαιτίας σταθερής και μεταβλητής δύναμης

- A) Σε λείο οριζόντιο επίπεδο ηρεμεί ένα σώμα. Σε μια στιγμή $t_0=0$ ασκείται στο σώμα αυτό μια σταθερή οριζόντια δύναμη \vec{F} , μέτρου $F=4N$.



- i) Να υπολογιστεί η ορμή του σώματος τη χρονική στιγμή $t_1=5s$.

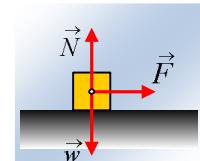
ii) Να κάνετε τη γραφική παράσταση $F-t$ και να υπολογίστε το εμβαδόν του χωρίου που σχηματίζεται μεταξύ γραφικής παράστασης και άξονα των χρόνων. Σε τι συμπέρασμα καταλήγετε;

- B) Επαναλαμβάνουμε το πείραμα, αλλά τώρα η ασκούμενη δύναμη \vec{F} , είναι μεταβλητή, το μέτρο της οποίας μεταβάλλεται με το χρόνο, σύμφωνα με την εξίσωση $F=4t$ (S.I.).

 - i) Να υπολογιστεί η ορμή του σώματος τη χρονική στιγμή $t_1=5s$.
 - ii) Να κάνετε τη γραφική παράσταση της ορμής του σώματος σε συνάρτηση με το χρόνο, μέχρι της στιγμής $t_2=6s$ και να βρείτε την κλίση της καμπύλης που θα πάρετε, τη στιγμή t_1 .

Απάντηση:

Στο διπλανό σχήμα έχουν σχεδιαστεί οι δυνάμεις που ασκούνται στο σώμα, όπου $\Sigma \vec{F}_y = 0$, αφού το σώμα ηρεμεί στην κατακόρυφη διεύθυνση. Οπότε $\Sigma \vec{F} = \vec{F}$, έχουμε δηλαδή κίνηση, η οποία οφείλεται στην άσκηση της δύναμης \vec{F} .



- i) Από το γενικευμένο νόμο του Νεύτωνα για το σώμα έχουμε:

$$\frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \Sigma \vec{F} \rightarrow \frac{\Delta p}{\Delta t} = F \quad (1)$$

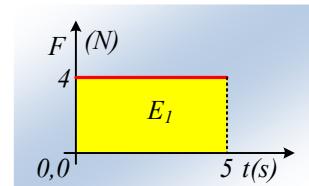
$$\frac{p_1 - p_0}{t_1 - t_0} = F \rightarrow \frac{p_1 - 0}{t_1 - 0} = F \rightarrow$$

$$p_1 = F \cdot t_1 = 4 \cdot 5 \text{ kg} \cdot m/s = 20 \text{ kg} \cdot m/s$$

- ii) Η ασκούμενη δύναμη είναι σταθερή, οπότε η γραφική της παράσταση είναι ευθεία παράλληλη στον άξονα των χρόνων, όπως στο διπλανό σχήμα.

Αλλά τότε το εμβαδόν του κίτρινου ορθογωνίου είναι ίσο:

$$E_1=4.5 \text{ } m^2=20 \text{ } m^2$$



Ίσο αριθμητικά με την ορμή p_1 που απέκτησε το σώμα, εξαιτίας της δράσης της δύναμης. Αν όμως επανέλθουμε στη σχέση (1) θα δούμε ότι γενικότερα το γινόμενο $F \cdot \Delta t$ είναι ίσο με τη μεταβολή της ορμής του σώματος. Στην περίπτωσή μας βέβαια η αρχική ορμή ήταν μηδενική, οπότε $\Delta p = p_1$.

- Β) Παίρνοντας ξανά το γενικευμένο νόμο του Νεύτωνα για το σώμα, θα έχουμε:

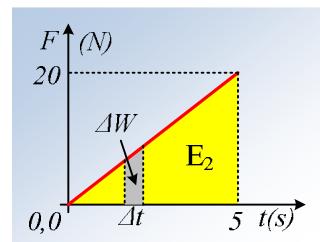
$$\frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \Sigma \vec{F} \rightarrow \frac{\Delta p}{\Delta t} = F$$

- i) Τώρα όμως η δύναμη είναι μεταβλητή, οπότε στηριζόμαστε στο προηγούμενο συμπέρασμα για τον υπολογισμό της μεταβολής της ορμής.

Σχεδιάζουμε το διάγραμμα F-t, όπως στο παρακάτω σχήμα.

Ан пárоуиме éна элáхисто җроникó дiáстета Δt, тóтe мpорoуме, җарíс со-
бáрó сfáлma, na өшөрhсoumе то сgýma me үkri җrѡma, wс oрhоgѡni мe
пleуreç F kai Δt, oрóte то eмbaдón тuи arihмetiká iso me tñn antí-
stoych мetaбolý tгs oрmýc sto җronikó díasteta Δt. Aллa тóтe гia na u-
loгíсoumе tñi sunoliký metaбolý tгs oрmýc, arkei na җaríсoumе то җronikó
díasteta apó 0-5s se stoychelódi Δt kai na proshéсoumе ta antistoych embaдá. Aллa тóтe тa párоuиме
to eмbaдón тuи кítrinou tгigyánu, dñladaðý:

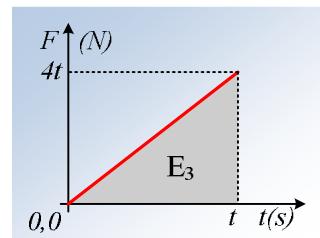
$$\Delta p = \frac{1}{2} F_1 \cdot t_1 = \frac{1}{2} 20 \cdot 5 \text{ kgm/s} = 50 \text{ kgm/s}$$



Архикá óмow то сóмua hтan aкинhto ára p0=0 kai Δp=pI-p0 → pI=Δp=50 kgm/s.

- ii) Аn тóра sto paraпáнw сgýma, dñv párоuиме то tгigyano, méxri tñi stiymή t1, aллa мia тuчáia stiymή t, thа éхoumе то díplanó сgýma, oрóte η oрmý tñi tñi тuчáia stiymή t, thа eинai arihмetiká iso me to eмbaдón тuи tгigyánu E3:

$$p = \Delta p = \frac{1}{2} F \cdot t = \frac{1}{2} 4t \cdot t = 2 \cdot t^2.$$



Тeликаð dñladaðý éхoumе:

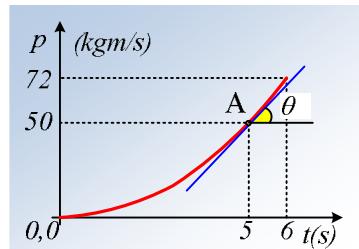
$$p = 2t^2$$

Н paraпáнw sunártetsh eинai denutérou вaтhmoú, н mорфh tñi opoías eинai мia paraбolý (thumetheite tñi grafiки papaстasη tñi metatópiсes stñi eуthýgraмmu оmalá epitachunómenη kínetsh), ópawс sto díplanó сgýma.

Ezálloу n kliśi tñi paraпáнw sunártetsh tñi stiymή t1=5s, бrísketai an stñi ѡhеst A, фéroumе tñi efaпtómenη stñi kampýl, ópawс sto сgýma.

Aллa n kliśi auté eинai iso me:

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = \varepsilon \varphi \theta = F = 4t = 20 \text{ kgm/s}$$



Үлкөн Физикес-Хемеяас

Гiatí to na mорáзesu pøáymata, eинai kaлó гia ólouc...

Epiméleia:

Дионисий Мáргарет