

ΛΥΣΗ

1.

Σώμα Σ: $\Sigma F_{\Sigma} = m \alpha_{\Sigma}$ ή $T_{\sigma} = m \alpha_{\Sigma}$ (1)

Κιβώτιο: $\Sigma F_K = M \alpha_K$ ή $F - T'_{\sigma} = M \alpha_K \xrightarrow{T'_{\sigma} = T_{\sigma}}$ $F - T_{\sigma} = M \alpha_K$ (2)

Επειδή $\alpha_{\Sigma} = \alpha_K = \alpha$: $T_{\sigma} = m \alpha$ (3)

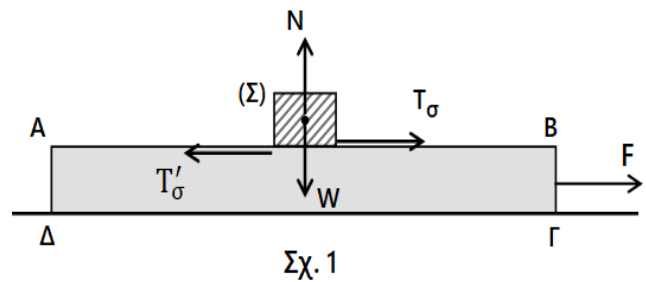
και $F - T_{\sigma} = M \alpha$ (4)

Από (3), (4) $\Rightarrow \frac{F - T_{\sigma}}{T_{\sigma}} = \frac{M}{m} \Rightarrow$

$F \cdot m - T_{\sigma} m = T_{\sigma} M$ ή

$F \cdot m = T_{\sigma} (M+m)$ ή

$T_{\sigma} = \frac{m}{M+m} F$ (5)



$T_{\sigma} \leq T_{\sigma, \max} = \mu_{\sigma} N = \mu_{\sigma} m g$ (6)

Από (5), (6) $\Rightarrow \frac{m}{M+m} F \leq \mu_{\sigma} m g$ ή $F \leq \mu_{\sigma} (M+m) g$

$F_{\max} = \mu_{\sigma} (M+m) g$ ή $F_{\max} = 6 \text{ N}$

2. Για $F = 5 \text{ N}$ ($F < F_{\max}$) δεν θα υπάρξει ολίσθηση του Σ πάνω στο κιβώτιο. Θα κινούνται σαν ένα σώμα: Οπότε

$W_{T_{\sigma}} = |T_{\sigma}| |\Delta x|$ Από (5) $T_{\sigma} = \frac{5}{3} \text{ N}$ επομένως $W_{T_{\sigma}} = \frac{10}{3} \text{ J}$

και $W_{T'_{\sigma}} = - |T_{\sigma}| |\Delta x|$ ή $W_{T'_{\sigma}} = -\frac{10}{3} \text{ J}$

Προφανώς $W_{T_{\sigma}} + W_{T'_{\sigma}} = 0$ Το συνολικό ενεργειακό αποτέλεσμα των T_{σ} και T'_{σ} στο σύστημα είναι μηδέν.

Από (1) $\Rightarrow \alpha_{\Sigma} = \alpha_K = \alpha = \frac{5}{3} \text{ m/s}^2$

3. Για $F = 10 \text{ N}$ ($F > F_{\max}$) θα έχουμε ολίσθηση του Σ πάνω στο κιβώτιο (προς τα αριστερά ως προς το κιβώτιο)

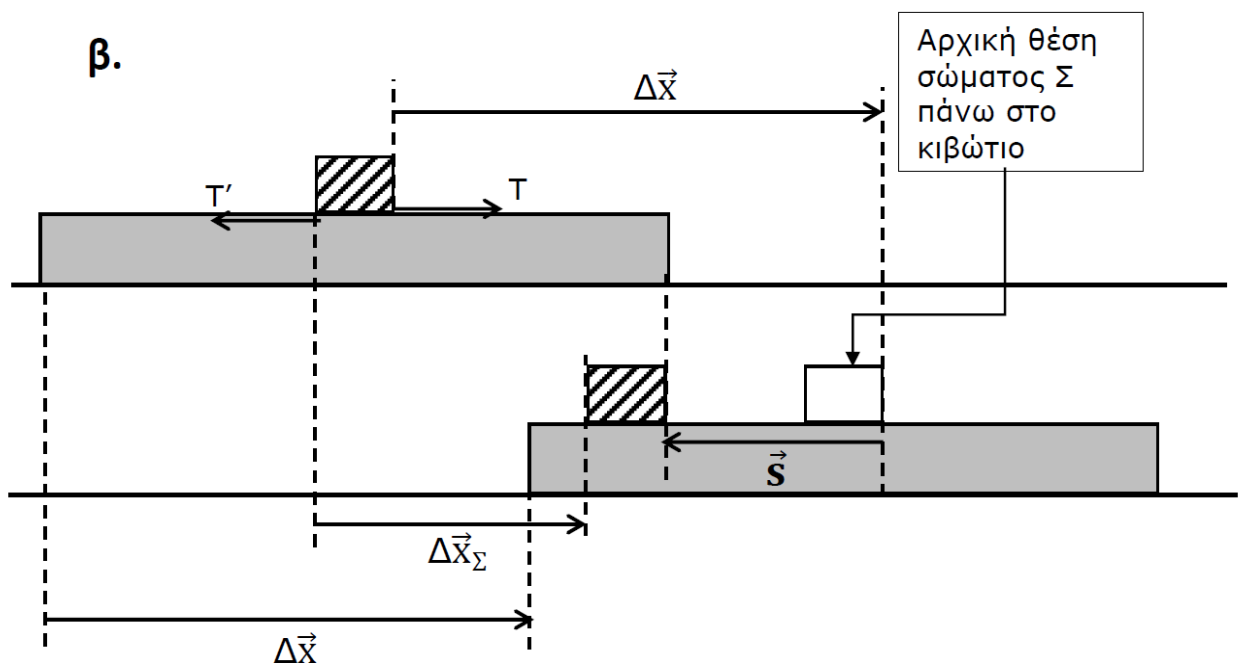
α. Είναι (κατά μέτρο): $|T| = |T'| = \mu N = \mu m g$ ή $|T| = |T'| = 2 \text{ N}$

Σώμα Σ: $\Sigma F_{\Sigma} = m \alpha_{\Sigma}$ ή $T = m \alpha_{\Sigma} \Rightarrow \alpha_{\Sigma} = 2 \text{ m/s}^2$

Κιβώτιο: $F - T' = M \alpha_K$ ή $F - T = M \alpha_K \Rightarrow \alpha_K = 4 \text{ m/s}^2$

$$\Delta x = \frac{1}{2} \alpha_K t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2\Delta x}{\alpha_K}} \quad \text{ή} \quad t = 1 \text{ sec.}$$

$$\Delta X_{\Sigma} = \frac{1}{2} \alpha_{\Sigma} t^2 \quad \text{ή} \quad \Delta X_{\Sigma} = 1 \text{ m}$$



Διανυσματικά $\Delta \vec{x}_{\Sigma} = \Delta \vec{x} + \vec{S}$

κατά μέτρο: $|\Delta x| = |\Delta x_{\Sigma}| + |S| \quad (6) \Rightarrow |S| = 1 \text{ m}$

Θ.Μ.Κ.Ε.:

Σώμα Σ: $\frac{1}{2} m u_{\Sigma}^2 - 0 = W_T = T |\Delta x_{\Sigma}| = |T| (|\Delta x| - |S|) \quad (7)$

Κιβώτιο: $\frac{1}{2} M u_K^2 - 0 = W_F + W_{T'} = |F| |\Delta x| - |T| |\Delta x| \quad (8)$

$$(7) + (8): \frac{1}{2} M u_K^2 + \frac{1}{2} m u_{\Sigma}^2 = W_F + W_T + W_{T'} = |F| |\Delta x| - |T| |S|$$

$$K_{ολ} = |F| |\Delta X| - |T| |S| \quad (\underline{\text{ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ: } W_T + W_{T'} = - |T| |S|}) \quad (\alpha)$$

$$\text{ή } E_{\text{προσ}} = K_{ολ} + |T| |S| \quad (\alpha) \quad (\text{προφανώς } E_{\text{προσ}} = W_F = |F| |\Delta X|)$$

$$\text{Από Α.Δ.Ε. : } E_{\text{προσ}} = K_{ολ} + Q_{\text{θερ}} \quad (\beta)$$

$$\underline{\text{Συμπέρασμα: Από (α) , (β) } \rightarrow Q_{\text{θερ}} = |T| |S| \quad (\beta) \text{ ή } Q_{\text{θερ}} = 2 \text{ J}}$$

$$\gamma. \text{ Από (α) , (β) προκύπτει: } Q_{\text{θερ}} = |W_T + W_{T'}| = |T| |S|$$

Φυσική σημασία του αποτελέσματος:

Θερμότητα εκλύεται καθώς το σώμα Σ μετακινείται πάνω στο κιβώτιο. Δεν έχουν καμία σημασία οι μετατοπίσεις ως προς σύστημα αναφοράς το δάπεδο καθώς αυτό είναι λείο.

Επιπλέον η \vec{T} προσφέρει με το έργο της ενέργεια στο σώμα Σ ($W_T > 0$) . Όμως , η \vec{T}' αφαιρεί με το έργο της ενέργεια από το κιβώτιο ($W_{T'} < 0$) . Επειδή $|W_T| < |W_{T'}|$ οι δυνάμεις \vec{T} και \vec{T}' με το συνολικό έργο τους αφαιρούν ενέργεια από το σύστημα κιβώτιο - σώμα Σ ($W_T + W_{T'} < 0$). Η ενέργεια αυτή μεταφέρεται στο περιβάλλον με τη μορφή θερμότητας ($Q_{\text{θερ}} = |W_T + W_{T'}| = |T| |S|$).